



Nome legível: \_\_\_\_\_

#### Observações:

- Apresente todos os cálculos e as justificativas de todas as questões, as respostas só serão aceitas com as devidas justificativas.
- Escolha questões para responder de maneira que a soma da pontuação seja 5,00 (Cinco). Não responda questões de modo que a pontuação seja maior que 5,00; pois suas respostas serão desconsideradas.
- Pode usar calculadora em seus cálculos, no entanto é **proibido o uso do celular**.

**Questão 1** (1,0 ponto) Determine se o limite existe ou não, e se existir calcule seu resultado. *faça a substituição  $z = \ln(x)$ . Na integral que resulta use o método de integração por partes.*

1.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \sin(\arctg(n))$       2.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\ln(\ln(n))}{\ln(\sqrt{n})}$

**Questão 2** (1,0 ponto) Calcule o valor da série  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n(n+4)}$ .

**Questão 3** (1,0 ponto) A dízima periódica 0,999999... pode ser escrita como um número com representação decimal finita. Notando que

$$0,999999... = \frac{9}{10} + \frac{9}{100} + \frac{9}{1000} + \dots = \sum_{j=1}^{\infty} \frac{9}{10^j}$$

calcule o valor do número com representação decimal finita correspondente a série.

#### Teste Da Integral

**Questão 4** (2,0 pontos)

Utilizando o teste da integral diga para QUAIS VALORES DE  $p$  a série  $\sum \frac{\ln(n)}{n^p}$  converge.

Sugestão: O raciocínio é similar ao das séries  $\sum \frac{1}{n^p}$  e  $\sum \frac{\ln(n)}{n}$ . Perceba que  $\int \frac{\ln(x)}{x^p} dx = \frac{\ln(x)}{x} + \frac{1}{x^{p-1}}$  e então

#### Teste Da Comparação

**Questão 5** (1,0 ponto) Usando o teste da comparação determine se a série  $\sum \frac{\sqrt[20]{2n^{40} + 3n}}{\sqrt[60]{8 + n^{300}}}$  é convergente ou divergente.

#### Teste Da Serie Alternada

**Questão 6** (1,0 ponto) Usando o Teste de Leibniz determine se a série  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \frac{e^{\frac{1}{n}}}{n}$  é convergente.

#### Teste Da Razão e Da Raiz

**Questão 7** (1,0 ponto) Usando o teste da razão ou da raiz determine se a série é convergente ou divergente.

a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^{100} 100^n}{n!}$

b)  $\frac{2.4}{4!} + \frac{2.4.6}{6!} + \frac{2.4.6.8}{8!} + \dots + \frac{2.4.6 \dots (2n)}{(2n)!} + \dots$